

### Делители и кратные.

**1) Делителем** натурального числа **a** называют натуральное число, на которое **a** делится без остатка. *Пример: числа 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 являются делителями числа 24, т. к. 24 делится на каждое из них без остатка;* 1-делитель любого натурального числа. Наибольший делитель любого числа – само это число.

**2) Кратным** натурального числа **b** называют натуральное число, которое делится без остатка на **b**. *Пример: числа 24, 48, 72,... будут кратны числу 24, так как делятся на 24 без остатка.* Наименьшее кратное любого числа – само это число.

### Признаки делимости натуральных чисел.

**3) Признак делимости на число 2.** Все натуральные числа, запись которых оканчивается четной цифрой, делятся на 2.

**4) Признак делимости на число 5.** Все натуральные числа, запись которых оканчивается цифрой 0 или цифрой 5, делятся на 5.

**5) Признак делимости на число 10.** Все натуральные числа, запись которых оканчивается цифрой 0, делятся на 10.

**6) Признак делимости на число 3.** Если сумма цифр числа делится на 3, то и само число делится на 3.

**7) Признак делимости на число 9.** Если сумма цифр числа делится на 9, то и само число делится на 9.

**8\*) Признак делимости на число 4.** Если число, составленное из двух последних цифр данного числа, делится на 4, то и само данное число делится на 4.

**9\*) Признак делимости на число 11.** Если разность между суммой цифр, стоящих на нечетных местах, и суммой цифр, стоящих на четных местах, делится на 11, то и само число делится на 11.

### Простые и составные числа.

**10)** Простым называют число, которое имеет только два делителя: единицу и само это число. *Например, 5, 11, 23. Число 2 - самое маленькое простое число.*

**11)** Составным называют число, которое имеет более двух делителей. *Например, 4, 9, 22.*

**12)** Число **1** не относится ни к простым числам, ни к составным числам.

**13)** Запись составного числа в виде произведения только простых чисел называется разложением составного числа на простые множители. Любое составное число можно единственным образом представить в виде произведения простых множителей. *Например:  $24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$  или  $24 = 2^3 \cdot 3$ .*

### **НОД (Наибольший общий делитель).**

**14)** Наибольшим общим делителем данных натуральных чисел называют наибольшее натуральное число, на которое делится каждое из этих чисел.

**15)** Наибольший общий делитель данных чисел равен произведению общих простых множителей в разложениях этих чисел. *Пример.  $\text{НОД}(24, 42) = 2 \cdot 3 = 6$ , т. к.  $24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$ ,  $42 = 2 \cdot 3 \cdot 7$ , их общие простые множители 2 и 3.*

**16)** Если натуральные числа имеют только один общий делитель-единицу, то эти числа называют взаимно простыми. *Например, 15 и 16.*

### **НОК (Наименьшее общее кратное).**

**17)** Наименьшим общим кратным данных натуральных чисел называют наименьшее натуральное число, кратное каждому из данных чисел. *Пример.  $\text{НОК}(24, 42) = 168$ . Это самое маленькое число, которое делится и на 24 и на 42.*

**18)** Для нахождения НОК нескольких данных натуральных чисел надо: 1) разложить каждое из данных чисел на простые множители; 2) выписать разложение большего из чисел и умножить его на недостающие множители из разложений других чисел. *Пример. Найти  $\text{НОК}(24, 42)$ . Решение: 1) раскладываем каждое из чисел на простые множители.  $24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$ ,  $42 = 2 \cdot 3 \cdot 7$ . 2) Разложение числа 42 берем полностью, т.е. берем  $2 \cdot 3 \cdot 7$  и умножим его на 2 и на 2, т.е. недостающие множители из разложения  $24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$ . Получаем:  $\text{НОК}(24, 42) = 2 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 2 \cdot 2 = 168$ .*

**19)** Наименьшее кратное двух взаимно простых чисел равно произведению этих чисел. *Пример:  $\text{НОК}(15 \text{ и } 16) = 15 \cdot 16 = 240$ .*

### **Обыкновенная дробь (напоминание).**

**20)**  $\frac{a}{b}$  – обыкновенная дробь. (Дробная черта «-» означает знак деления. Читают: **a**, деленное на **b**)

**21)** **b** - знаменатель дроби, показывает, на сколько равных частей разделили; **a** - числитель дроби, показывает, сколько таких частей взяли.

**22)** *Примечание.* Иногда вместо горизонтальной дробной черты ставят наклонную, и обыкновенная дробь записывается так: **a/b**.

**23)** У **правильной дроби** числитель меньше знаменателя. *Примеры правильных дробей:*  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{3}{4}$ ;  $\frac{5}{7}$ ;  $\frac{99}{100}$ .

**24)** У **неправильной дроби** числитель больше знаменателя или равен знаменателю. *Примеры неправильных дробей:*  $\frac{5}{4}$ ;  $\frac{10}{7}$ ;  $\frac{123}{111}$ ;  $\frac{9}{9}$ .

### Основное свойство дроби.

**25)** Если числитель и знаменатель обыкновенной дроби умножить или разделить на одно и то же натуральное число, то получится равная ей дробь.

*Примеры.* а)  $\frac{3}{7} = \frac{3 \cdot 5}{7 \cdot 5} = \frac{15}{35}$ ; б)  $\frac{18}{24} = \frac{18 : 6}{24 : 6} = \frac{3}{4}$ .

### Сокращение обыкновенной дроби.

**26)** Деление и числителя и знаменателя обыкновенной дроби на их общий делитель, отличный от единицы, называют сокращением дроби.

*Пример.*  $\frac{35}{50} = \frac{35 : 5}{50 : 5} = \frac{7}{10}$ . Данную дробь  $\frac{35}{50}$  сократили на 5.

### Приведение дробей к наименьшему общему знаменателю.

**27)** Наименьшим общим знаменателем (**НОЗ**) данных несократимых дробей является наименьшее общее кратное (**НОК**) знаменателей этих дробей.

*Пример.* Для дробей  $\frac{3}{4}$  и  $\frac{5}{6}$   $НОЗ=12$ , т.к.  $НОК(4 \text{ и } 6)=12$ .

**28)** Чтобы привести дроби к наименьшему общему знаменателю, надо: 1) найти наименьшее общее кратное знаменателей данных дробей, оно и будет наименьшим общим знаменателем; 2) найти для каждой из дробей дополнительный множитель, для чего делить новый знаменатель на знаменатель каждой дроби; 3) умножить числитель и знаменатель каждой дроби на ее дополнительный множитель. *Пример.* Привести дроби  $\frac{3}{4}$  и  $\frac{5}{6}$  к наименьшему общему знаменателю. 1)  $НОК(4 \text{ и } 6)=12$ ; 2)  $12 : 4 = 3$ , значит, дополнительный множитель к первой дроби равен 3. Так как  $12 : 6 = 2$ , то дополнительный множитель ко второй дроби равен 2.

3)  $\frac{3 \cdot 3}{4 \cdot 3} = \frac{9}{12}$  и  $\frac{5 \cdot 2}{6 \cdot 2} = \frac{10}{12}$ . Мы привели данные дроби к знаменателю 12.

### Сравнение обыкновенных дробей.

**29)** Из двух дробей с одинаковыми знаменателями больше та, у которой числитель больше, и меньше та, у которой числитель меньше. *Пример.*  $\frac{5}{11} < \frac{7}{11}$ .

**30)** Из двух дробей с одинаковыми числителями больше та, у которой знаменатель меньше, и меньше та, у которой знаменатель больше. *Пример.*  $\frac{5}{9} < \frac{5}{7}$ .

**31)** Чтобы сравнить дроби с разными числителями и разными знаменателями, надо привести дроби к наименьшему общему знаменателю, а затем сравнивать дроби с одинаковыми знаменателями.

### Действия над обыкновенными дробями.

#### Сложение и вычитание обыкновенных дробей.

**32)** Чтобы сложить дроби с одинаковыми знаменателями, нужно сложить их числители, а знаменатель оставить тот же.

**33)** Если нужно сложить дроби с разными знаменателями, то сначала дроби приводят к наименьшему общему знаменателю, а затем складывают дроби с одинаковыми знаменателями.

**34)** Чтобы выполнить вычитание дробей с одинаковыми знаменателями, из числителя первой дроби вычитают числитель второй дроби, а знаменатель оставляют тот же.

**35)** Если нужно выполнить вычитание дробей с разными знаменателями, то их сначала приводят к общему знаменателю, а затем выполняют вычитание дробей с одинаковыми знаменателями.

**36)** При выполнении действий сложения или вычитания смешанных чисел эти действия выполняют отдельно для целых частей и для дробных частей, а затем результат записывают в виде смешанного числа.

#### Умножение обыкновенных дробей.

**37)** Произведение двух обыкновенных дробей равно дроби, числитель которой равен произведению числителей, а знаменатель - произведению знаменателей данных дробей. *Пример.*  $\frac{2}{3} \cdot \frac{4}{7} = \frac{2 \cdot 4}{3 \cdot 7} = \frac{8}{21}$ .

**38)** Чтобы умножить обыкновенную дробь на натуральное число, нужно умножить числитель дроби на это число, а знаменатель оставить тот же.

*Пример.*  $\frac{5}{14} \cdot 7 = \frac{5 \cdot 7}{14} = \frac{5 \cdot 1}{2} = \frac{5}{2} = 2\frac{1}{2} = 2,5$ .

**39)** Два числа, произведение которых равно единице, называют взаимно обратными числами. *Примеры:* 5 и  $\frac{1}{5}$ ;  $\frac{4}{7}$  и  $\frac{7}{4}$ .

**40)** При умножении смешанных чисел их сначала обращают в неправильные дроби.

**41)** Чтобы найти дробь от числа, нужно умножить эту дробь на данное число.

*Пример. Найти  $\frac{2}{3}$  от числа 15. Решение:  $\frac{2}{3} \cdot 15 = \frac{2 \cdot 15}{3} = 2 \cdot 5 = 10$ .*

### Деление обыкновенных дробей.

**42)** Чтобы разделить обыкновенную дробь на обыкновенную дробь, нужно

делимое умножить на число, обратное делителю. *Пример.  $\frac{5}{6} : \frac{2}{3} = \frac{5}{6} \cdot \frac{3}{2} = \frac{5 \cdot 3}{6 \cdot 2} = \frac{5 \cdot 1}{2 \cdot 2} = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$*

**43)** При делении смешанных чисел их сначала обращают в неправильные дроби.

**44)** Чтобы разделить обыкновенную дробь на натуральное число, нужно

знаменатель дроби умножить на это натуральное число, а числитель оставить тот

же. *Пример.  $\frac{4}{9} : 8 = \frac{4}{9 \cdot 8} = \frac{1}{9 \cdot 2} = \frac{1}{18}$ .*

**45)** Чтобы найти число по его дроби, нужно разделить на эту дробь число, ей

соответствующее. *Пример. Найти число  $x$ , если  $\frac{3}{4}$  этого числа составляют 75.*

*Решение.  $x = 75 : \frac{3}{4} = 75 \cdot \frac{4}{3} = \frac{75 \cdot 4}{3} = 25 \cdot 4 = 100$ .*

### Отношения и пропорции.

#### Отношение.

**46)** Частное двух чисел называют отношением этих чисел. **a:b** или  $\frac{a}{b}$  – отношение чисел **a** и **b**, причем, **a** – предыдущий член, **b** – последующий член.

Если члены данного отношения переставить местами, то получившееся отношение называют обратным для данного отношения.

**47)** Отношения  $\frac{b}{a}$  и  $\frac{a}{b}$  – взаимно обратные.

**48)** Отношение не изменится, если оба члена отношения умножить или разделить на одно и то же число, отличное от нуля.

#### Пропорция.

**49)** Равенство двух отношений называют пропорцией.

**a:b=c:d**. Это пропорция. Читают: **a** так относится к **b**, как **c** относится к **d**. Числа **a** и **d** называют крайними членами пропорции, а числа **b** и **c** – средними членами пропорции.

#### Основное свойство пропорции.

**50)** Произведение крайних членов пропорции равно произведению ее средних членов. Для пропорции **a:b=c:d** или  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  – основное свойство записывается так: **ad=bc**.

**51)** Чтобы найти неизвестный крайний член пропорции, нужно произведение средних членов пропорции разделить на известный крайний член.

**52)** Чтобы найти неизвестный средний член пропорции, нужно произведение крайних членов пропорции разделить на известный средний член.

### **Прямо пропорциональные величины.**

**53)** Пусть величина  $y$  зависит от величины  $x$ . Если при увеличении  $x$  в несколько раз величина  $y$  увеличивается во столько же раз, то такие величины  $x$  и  $y$  называются прямо пропорциональными.

*Примеры прямо пропорциональных величин:*

- *Стоимость товара и его количество при постоянной цене;*
- *Расстояние и время движения при постоянной скорости;*
- *Объём какого-нибудь предмета и масса этого предмета.*

### **Свойство прямой пропорциональности величин.**

**54)** Если две величины прямо пропорциональны, то отношение двух произвольно взятых значений первой величины равно отношению двух соответствующих значений второй величины.

### **Масштаб.**

**55)** Отношение длины отрезка на карте к длине соответствующего расстояния на местности называют масштабом карты. *Если масштаб карты  $M=1 : 100000$ , то это означает, что 1 см на карте соответствует 100000 см или 1000 м или 1 км на местности.*

### **Обратно пропорциональные величины.**

**56)** Пусть величина  $y$  зависит от величины  $x$ . Если при увеличении  $x$  в несколько раз величина  $y$  уменьшается во столько же раз, то такие величины  $x$  и  $y$  называются обратно пропорциональными.

*Примеры обратно пропорциональных величин:*

- *Цена и количество товара при постоянной стоимости;*
- *Время и скорость при одинаковой длине пути;*
- *Длина и ширина прямоугольника при постоянной площади.*

### **Свойство обратной пропорциональности величин.**

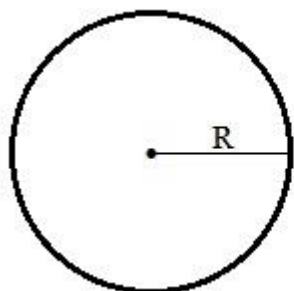
**57)** Если две величины находятся в обратно пропорциональной зависимости, то отношение двух произвольно взятых значений одной величины равно обратному отношению соответствующих значений другой величины.

## Число $\pi$ .

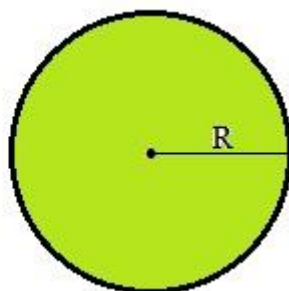
**58)** Если длину любой окружности разделить на длину диаметра этой же окружности, то всегда получается число, приблизительно равное **3,14**. Это число обозначают буквой  $\pi$ .

## Длина окружности.

**59)** Длина окружности  $C=\pi D$ , где  $D$  – диаметр окружности или  $C=2\pi R$ , где  $R$  – радиус окружности.



Окружность.



Круг.

## Круг.

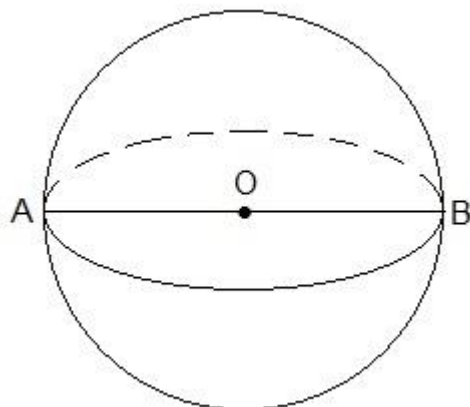
**60)** Окружность и часть плоскости, ограниченная окружностью, представляют собой круг.

## Площадь круга.

**61)** Площадь круга  $S=\pi R^2$ , где  $R$  – радиус круга.

*Примечание.* При нахождении длины окружности или площади круга значение  $\pi \approx 3,14$  подставляют редко. В ответе пишут выражение содержащее  $\pi$ , например,  $C=8\pi$  см или  $S=25\pi$  см<sup>2</sup>.

## Шар.



**62)** Футбольный мяч, глобус, арбуз дают нам представление о **шаре**. Поверхность шара называют сферой. Отрезок, соединяющий центр шара с любой точкой сферы, называют **радиусом шара**. Отрезок, соединяющий две точки сферы и проходящий через центр шара, называют **диаметром шара**.

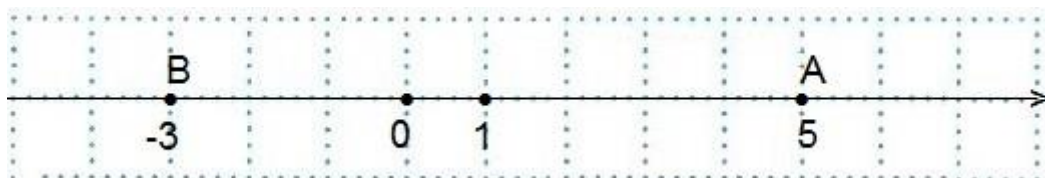
На рисунке  $OA$  и  $OB$  – радиусы шара,  $AB$  – диаметр шара.

## Координатная прямая.

**63)** Координатной прямой называют прямую, на которой заданы положительное направление, начало отсчета (точка  $O$ ) и единичный отрезок.



**64)** Каждой точке на координатной прямой соответствует некоторое число, которое называют координатой этой точки. Например, **A(5)**. Читают: точка А с координатой пять. **B(-3)**. Читают: точка В с координатой минус три. Заданному числу на координатной прямой соответствует только одна точка.



**65)** Из двух чисел на координатной прямой больше то, которое правее, и меньше то, которое левее.

**66)** Любое положительное число больше любого отрицательного числа.

**67)** Чтобы найти длину отрезка на координатной прямой, надо из координаты его правого конца вычесть координату его левого конца. *Пример. Найти длину отрезка АВ, если A(5), B(-3). Решение.  $AB=5-(-3)=5+3=8$ .*

### Противоположные числа.

**68)** Два числа, которые отличаются друг от друга только знаками, называют противоположными числами. *Пример: 7 и -7.*

**69)** Натуральные числа, противоположные числа и число нуль составляют множество целых чисел.

### Правила знаков.

**70)** Если перед скобкой стоит знак «+», то при записи скобок знаки чисел сохраняются. *Примеры: а)  $+(+2)=2$ ; б)  $+(-6)=-6$ .*

**71)** Если перед скобкой стоит знак «-», то при записи без скобок знак числа меняется на противоположный. *Примеры: а)  $-(+1)=-1$ ; б)  $-(-5)=5$ .*

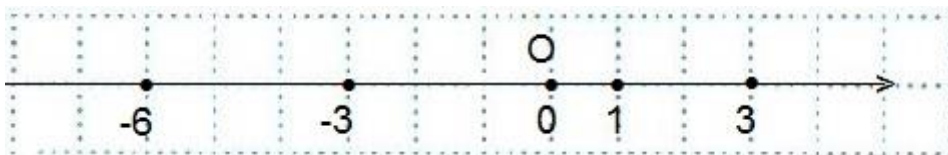
Правила знаков можно записать в виде таблицы.

|             |             |
|-------------|-------------|
| $+(+) = +$  | $+(-) = -$  |
| $- (+) = -$ | $- (-) = +$ |

### Модуль числа.

**72)** Модулем числа  $a$  (записывают  $|a|$ ) называют расстояние от начала отсчета (от нуля) до точки, соответствующей данному числу  $a$ . Значение модуля любого числа неотрицательно. *Например,  $|3|=3$ ;  $|-3|=3$ , т.к. расстояние от начала отсчета и до числа -3 и до числа 3 равно трем единичным отрезкам. Модуль нуля равен нулю:  $|0|=0$ .*





73) По определению модуля числа:  $|a|=a$ , если  $a \geq 0$  и  $|a|=-a$ , если  $a < 0$ .

74) Из двух отрицательных чисел больше то, модуль которого меньше.

*Пример:  $-3 > -6$ , так как  $3 < 6$ . На координатной прямой большее число  $-3$  правее числа  $-6$ .*

### Действия с рациональными числами.

#### Сложение отрицательных чисел.

75) Сумма отрицательных чисел есть число отрицательное. Модуль суммы равен сумме модулей слагаемых. *Пример:  $-3-5=-8$ .*

#### Сложение чисел с разными знаками.

76) Сумма двух чисел с разными знаками имеет знак слагаемого с большим модулем. Чтобы найти модуль суммы, нужно из большего модуля вычесть меньший. *Примеры: 1)  $-4+6=2$ ; 2)  $-7+3=-4$ .*

77) Сумма двух противоположных чисел равна нулю:  $a+(-a)=0$ .

#### Умножение отрицательных чисел.

78) Произведение двух отрицательных чисел есть число положительное. Модуль произведения равен произведению модулей данных чисел. *Пример.  $-5 \cdot (-6)=30$ .*

#### Умножение чисел с разными знаками.

79) Произведение двух чисел с разными знаками есть число отрицательное. Модуль произведения равен произведению модулей данных чисел. *Примеры: 1)  $-3 \cdot 7=-21$ ; 2)  $4 \cdot (-7)=-28$ .*

#### Деление отрицательных чисел.

80) Частное двух отрицательных чисел есть число положительное. Модуль частного равен частному модулей делимого и делителя. *Пример.  $-8:(-2)=4$ .*

#### Деление чисел с разными знаками.

81) Частное двух чисел с разными знаками есть число отрицательное. Модуль частного равен частному модулей делимого и делителя. *Примеры: 1)  $-20:4=-5$ ; 2)  $12:(-2)=-6$ .*

### Рациональные числа.

**82)** Число, которое можно записать в виде отношения  $\frac{a}{n}$ , где  $a$  – целое число,  $n$  – натуральное число, называют рациональным числом. Примеры рациональных чисел:  $-2$ , так как  $-2 = \frac{-2}{1}$ ;  $0 = \frac{0}{1}$ .

### Запись рациональных чисел в виде периодической десятичной дроби.

**83)** Чтобы рациональное число  $\frac{a}{n}$  записать в виде десятичной дроби, нужно числитель разделить на знаменатель. При этом частное записывается или конечной или бесконечной десятичной дробью.

**84)** Несократимые обыкновенные дроби, знаменатели которых не содержат других простых делителей, кроме 2 и 5, записываются конечной десятичной дробью. *Примеры:* 1)  $\frac{3}{2} = 1,5$ ; 2)  $\frac{1}{5} = 0,2$ .

**85)** Бесконечная десятичная дробь, у которой одна или несколько цифр неизменно повторяются в одной и той же последовательности, называется **периодической** десятичной дробью. Совокупность повторяющихся цифр называется периодом этой дроби. Для краткости период дроби записывают один раз, заключая его в круглые скобки:  $\frac{1}{3} = 0,(3)$ ;  $\frac{1}{9} = 0,(1)$ .

**86)** Если между запятой и первым периодом есть одна или несколько неповторяющихся цифр, то такая периодическая дробь называется смешанной периодической дробью:  $\frac{7}{15} = 0,4(6)$ ;  $\frac{5}{12} = 0,41(6)$ .

**87)** Несократимая обыкновенная дробь, знаменатель которой вместе с другими множителями содержит множитель 2 или 5, обращается в смешанную периодическую дробь.

**88)** Любое рациональное число можно записать в виде бесконечной периодической десятичной дроби. *Примеры:* 1)  $5 = 5,(0)$ ; 2)  $\frac{3}{5} = 0,6(0)$ .

### Обращение бесконечной периодической дроби в обыкновенную дробь.

**89)** Бесконечная периодическая десятичная дробь равна обыкновенной дроби, в числителе которой разность между всем числом после запятой и числом после запятой до периода, а знаменатель состоит из «девяток» и «нулей», причем, «девяток» столько, сколько цифр в периоде, а «нулей» столько, сколько цифр после запятой до периода. *Примеры:*

$$1) 0,41(6) = \frac{416-41}{900} = \frac{375}{900} = \frac{5}{12}.$$

$$2) 1,10(6) = 1 \frac{106-10}{900} = 1 \frac{96}{900} = 1 \frac{8}{75}.$$

$$3) 0,6(54) = \frac{654-6}{990} = \frac{648}{990} = \frac{36}{55}.$$

$$4) 10,(15) = 10 \frac{15-0}{99} = 10 \frac{15}{99} = 10 \frac{5}{33}.$$

$$5) 4,5(3) = 4 \frac{53-5}{90} = 4 \frac{48}{90} = 4 \frac{8}{15}.$$

### **Десятичные приближения обыкновенной дроби.**

**90)** Десятичным приближением обыкновенной дроби называется десятичная дробь, полученная округлением значения бесконечной десятичной дроби.

### **Правило округления цифр до какого-либо разряда.**

**91)** Чтобы округлить число до какого-либо разряда – подчеркнем цифру этого разряда, а затем все цифры, стоящие за подчеркнутой, заменяем нулями, а если они стоят после запятой – отбрасываем. Если первая замененная нулем или отброшенная цифра равна 0, 1, 2, 3 или 4, то подчеркнутую цифру оставляем без изменения. Если первая замененная нулем или отброшенная цифра равна 5, 6, 7, 8 или 9, то подчеркнутую цифру увеличиваем на 1.

*Пример. Округлить до сотых число 58,367. Решение. 58,367 ≈ 58,37.*

**92)** В десятичном приближении данного числа до некоторого разряда по **избытку** последняя сохраняемая цифра увеличивается на 1.

*Пример. Округлить число 58,367 до сотых по избытку. Решение. 58,367 ≈ 58,37.*

**93)** В десятичном приближении данного числа до некоторого разряда по **недостатку** последняя сохраняемая цифра не изменяется, т.е. все цифры после этого разряда заменяют нулями или просто отбрасывают, если они стоят после запятой.

*Пример. Округлить число 58,367 до сотых по недостатку. Решение. 58,367 ≈ 58,36.*

### **Раскрытие скобок.**

**94)** Если перед скобками стоит знак «+» или не стоит никакого знака, то при раскрытии скобок знаки алгебраических слагаемых сохраняются.

*Примеры: 1)  $4 + (5x - 2a) = 4 + 5x - 2a$ ; 2)  $(3x - 2y) = 3x - 2y$ .*

**95)** Если перед скобками стоит знак «-», то при раскрытии скобок знаки алгебраических слагаемых меняются на противоположные знаки.

*Примеры: 1)  $3 - (x + y) = 3 - x - y$ ; 2)  $5 - (2a - y) = 5 - 2a + y$ .*

### **Приведение подобных слагаемых.**

**96)** Слагаемые, имеющие одинаковую буквенную часть, называются подобными слагаемыми. *Пример: в выражении  $-4a + 8b - c - 3a - 5c$  будут две группы подобных слагаемых: 1)  $-4a$  и  $-3a$  и 2)  $-c$  и  $-5c$ .*

97) Нахождение алгебраической суммы подобных слагаемых называется приведением подобных слагаемых.

98) Чтобы привести подобные слагаемые, нужно сложить их коэффициенты и полученный результат умножить на общую буквенную часть.

Пример:  $-4a + 8b - c - 3a - 5c = (-4-3)a + (-1-5)c + 8b = -7a - 6c + 8b$ .

Чаще используют запись короче:  $-4a + 8b - c - 3a - 5c = -7a - 6c + 8b$ .

### Уравнение.

99) Равенство с переменной называют уравнением.

100) Решить уравнение – значит найти множество его корней. Уравнение может иметь один, два, несколько, множество корней или не иметь их вовсе.

101) Каждое значение переменной, при котором данное уравнение превращается в верное равенство, называется корнем уравнения.

102) Уравнения, имеющие одни и те же корни, называются равносильными уравнениями.

103) Любое слагаемое уравнения можно перенести из одной части равенства в другую, изменив при этом знак слагаемого на противоположный.

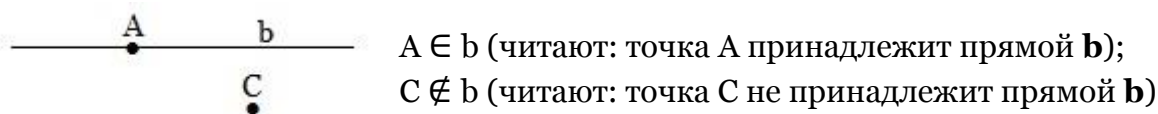
104) Если обе части уравнения умножить или разделить на одно и то же отличное от нуля число, то получится уравнение, равносильное данному уравнению.

### Прямые на плоскости.

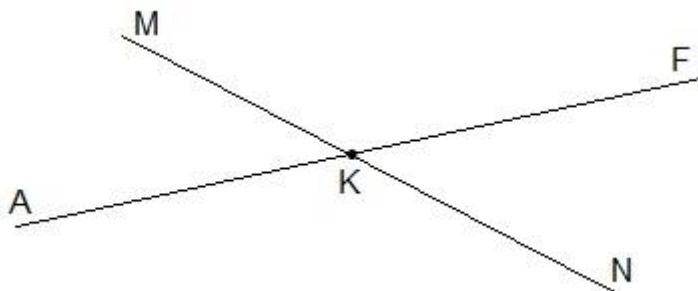
105) Через любые две точки можно провести единственную прямую. Прямая бесконечна.

### 106\*) Знаки $\in$ и $\notin$ .

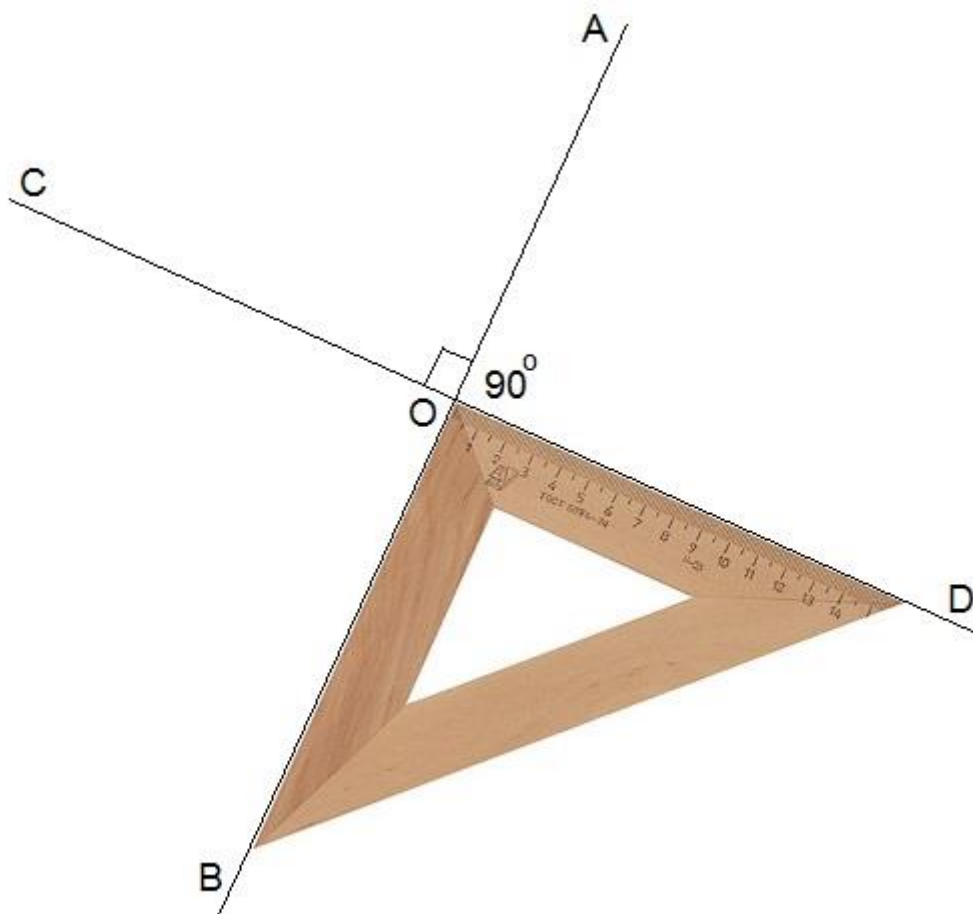
Знак  $\in$  (принадлежит). Знак  $\notin$  (не принадлежит).



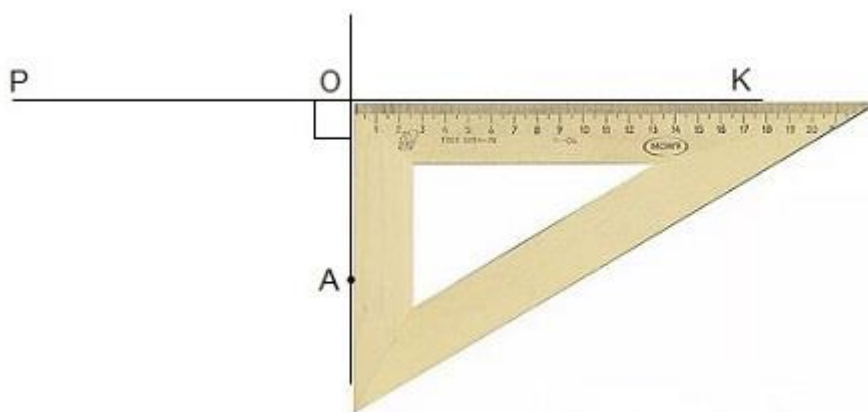
107) Две пересекающиеся прямые имеют только одну общую точку. На рисунке прямые AF и MN пересекаются в единственной точке K.



**108)** Две прямые, образующие при пересечении прямые углы, называются перпендикулярными. Две перпендикулярные прямые делят плоскость на четыре прямых угла. На рисунке прямые  $AB$  и  $CD$  перпендикулярны, так как пересекаются в точке  $O$  под прямым углом. Записывают:  $AB \perp CD$ .

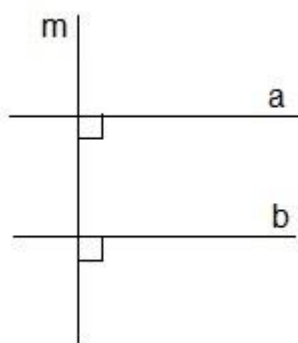
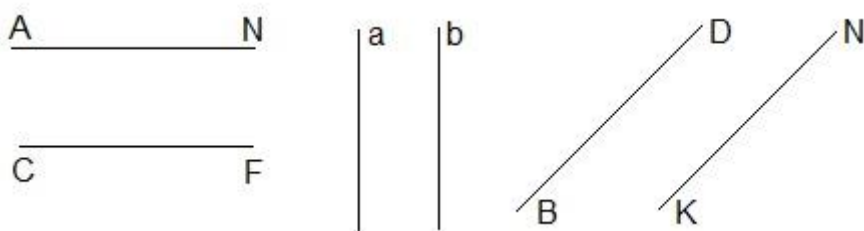


**109)** Через данную точку к данной прямой можно провести единственный перпендикуляр.



**110)** Длина перпендикуляра, проведенного из данной точки к прямой, равна расстоянию от данной точки до этой прямой. На рисунке  $AO$  – перпендикуляр, проведенный из точки  $A$  к прямой  $PK$ . Отрезок  $AO$  – расстояние от точки  $A$  до прямой  $PK$ .

**111)** Если две прямые на плоскости не пересекаются, то их называют параллельными прямыми. На рисунке  $AN \parallel CF$ ;  $a \parallel b$ ;  $BD \parallel KN$ . Здесь  $\parallel$  - знак параллельности.



**112)** Отрезки, лежащие на параллельных прямых, параллельны.

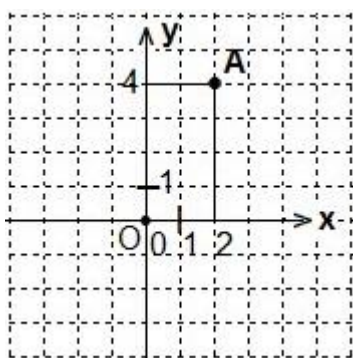
**113)** Через каждую точку плоскости, не лежащую на прямой, можно провести только одну прямую, параллельную данной прямой.

**114)** Если две прямые на плоскости перпендикулярны третьей прямой, то они параллельны. На рисунке  $a \perp m$  и  $b \perp m$ . Следовательно,  $a \parallel b$ .

### Координатная плоскость.

**115)** Две взаимно перпендикулярные координатные прямые, пересекающиеся в точке  $O$  — начале отсчета, образуют **прямоугольную систему координат**, называемую также декартовой системой координат.

**116)** Плоскость, на которой выбрана система координат, называется **координатной плоскостью**. Координатные прямые называются **координатными осями**. Горизонтальная — ось абсцисс ( $Ox$ ), вертикальная — ось ординат ( $Oy$ ).



**117)** Любая точка в координатной плоскости задается своими координатами — **абсциссой и ординатой**.

Например,  $A(2; 4)$ .

Читают: точка  $A$  с координатами 2 и 4.

Здесь 2 — абсцисса, 4 — ордината.

**Дорогие друзья**, если вы выучите эти правила и формулы наизусть, то отличные отметки по математике вам обеспечены!

Проверяйте свои знания на сайте математических тестов <https://mathem-test.ru>

**Желаю вам успешной учебы!**